



ATENÇÃO: Respostas sem justificativas **NÃO** ser ao aceitas.

1ª Questão [2,5 pt] Considere o seguinte sistema:

$$\begin{cases} x + y & = b_1 \\ y + z & = b_2 \\ 2x + 3y + z & = b_3 \end{cases}$$

- (a) Seja A a matriz dos coeficientes do sistema acima, encontre o determinante de A usando o método da triangularização (através de operações elementares).
- (b) Quais condições devem satisfazer b_1, b_2 e b_3 no sistema acima para garantir que ele seja consistente?

2ª Questão [1,5 pt]

- (a) Encontre a equação do plano gerado por $w_1 = (1, 0, 5)$, $w_2 = (0, 1, 3)$.
- (b) Encontre o valor de “ m ” para que o vetor $w = (1, m, 11)$ pertença a este plano.

3ª Questão [1,5 pts] Considere a matriz:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 3 \\ 3 & 3 & 3 \end{bmatrix}.$$

- (a) Resolva usando eliminação Gaussiana o sistema homogêneo que tem a matriz acima como matriz dos coeficientes. Com base nisso responda: Qual a dimensão do espaço nulo de A ?
- (b) Qual a relação entre o número de colunas da matriz A , a dimensão do espaço-coluna de A e a dimensão do espaço-nulo de A . Usando esta relação obtenha a dimensão do espaço-coluna de A .

4ª Questão [2,5 pts] Considere a matriz

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & 1 \end{bmatrix}.$$

Como A simétrica, sabemos que existe uma matriz P ortogonal tal que $D = P^{-1}AP$, onde D uma matriz diagonal que tem os autovalores de A na diagonal principal. Encontre as matrizes P , D e P^{-1} . (Dica: Use o método dos cofatores para calcular o $\det(\lambda I - A)$).

5ª Questão [2,0 pts]) Seja $V = \{y : (a, b) \rightarrow \mathbb{R}; y \text{ é duas vezes diferenciável em } (a, b)\}$ (o espaço vetorial das funções duas vezes diferenciáveis) e $S = \{y \in V; y'' - 4y = 0\}$.

- (a) Considerando a soma usual de funções e o produto usual de uma função por um escalar mostre que S um subespaço de V .
- (b) Mostre que $B = \{e^{2t}, e^{-2t}\}$ é uma base do conjunto de soluções da EDO $y'' - 4y = 0$.

BOA PROVA!!!