



UFF – Universidade Federal Fluminense

Escola de Engenharia Industrial e Metalúrgica de Volta Redonda

Disciplina: Cálculo I

Prof. Gustavo Benitez Alvarez

Nome do Aluno (letra forma): \_\_\_\_\_

Assinatura do Aluno: \_\_\_\_\_

Prova Escrita VS Turma V1 01/2011

Observações:

- **Desligue os aparelhos celulares;**
- **Não rasure esta folha, pois cálculos realizados nesta, não serão considerados. Use a folha de Respostas;**
- **Não existem dúvidas a serem esclarecidas. A interpretação faz parte da Avaliação;**
- **Faça a prova com caneta azul ou preta. Respostas à lápis não terão direito a correção;**
- **Não é permitido compartilhar materiais didáticos;**
- **É permitido o uso de calculadoras científicas;**
- **Seja o mais explícito possível para responder as questões;**

**Questão 1:** (Valor 2,0) Analise a continuidade da função:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sin(x^2 - 1)}{\sqrt{1 - x^2}}, & \text{se } -1 < x < 1 \\ 0, & \text{se } x = -1 \text{ ou } x = 1 \end{cases}$$

**Questão 2:** (Valor 2,0) Determine o diferencial de primeira ordem da função  $f(x) = \ln\left(\frac{e^{3x} + 1}{\cos(x)}\right)^4$ .

**Questão 3:** (Valor 2,0) A função  $f(x) = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$  no intervalo  $x \in [-1, 1]$  possui um extremo relativo. Encontre o extremo relativo e determine também os extremos absolutos neste intervalo.

**Questão 4:** (Valor 2,0) Encontre as primitivas da função  $f(x) = \sqrt{e^x + 1}$ . Isto é, calcule  $\int \sqrt{e^x + 1} dx$ .

**Questão 5:** (Valor 2,0) Calcule o volume do corpo de revolução gerado pela rotação da curva  $f(x) = e^x - 1$  no intervalo  $x \in [0, \ln(2)]$  ao redor do eixo OX.

---

**Fórmulas:**  $L = \int_a^b \sqrt{\left(\frac{dx}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy}{dt}\right)^2} dt$ ;  $L = \int_a^b \sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2} dx$ ;  $V_x = \pi \int_a^b [f(x)]^2 dx$ ;

$$\int \frac{dx}{x^2 - a^2} = \frac{1}{2a} \ln \left| \frac{x-a}{x+a} \right| + C, \quad a \neq 0;$$

$$\int \frac{dx}{x^2 + a^2} = \frac{1}{a} \operatorname{arctg} \left( \frac{x}{a} \right) + C, \quad a \neq 0;$$

$$\int \frac{dx}{\cos(x)} = \ln |\sec(x) + \operatorname{tg}(x)| + C, \quad a \neq 0;$$

$$\frac{1}{\cos(x)} = \sec(x)$$

$$2) f(x) = \ln \left[ \frac{e^{3x} + 1}{\ln(x)} \right]^4 = 4 \ln \left[ \frac{e^{3x} + 1}{\ln(x)} \right]$$

$$\frac{df}{dx} = 4 \left\{ \ln \left[ \frac{e^{3x} + 1}{\ln(x)} \right] \right\}' = 4 \frac{1}{\left[ \frac{e^{3x} + 1}{\ln(x)} \right]} \cdot \left[ \frac{e^{3x} + 1}{\ln(x)} \right]'$$

$$= \frac{4 \ln x}{e^{3x} + 1} \left[ \frac{(e^{3x} + 1)' \ln(x) - (e^{3x} + 1) \cdot (\ln(x))'}{\ln^2(x)} \right]$$

$$= \frac{4}{\ln(x)(e^{3x} + 1)} \left[ e^{3x} \cdot 3 \ln(x) + \ln(x)(e^{3x} + 1) \right]$$

$$df = \left\{ \frac{4}{(e^{3x} + 1)} \left[ 3e^{3x} + \ln(x)(e^{3x} + 1) \right] \right\} dx$$


---