



UFF – Universidade Federal Fluminense  
Escola de Engenharia Industrial e Metalúrgica de Volta Redonda  
Disciplina: Cálculo I  
Prof. Gustavo Benitez Alvarez  
Nome do Aluno (letra forma): \_\_\_\_\_  
Assinatura do Aluno: \_\_\_\_\_

Prova Escrita VS Turma V4 01/2015

Observações:

- Desligue os aparelhos celulares;
- Não rasure esta folha, pois cálculos realizados nesta, não serão considerados. Use a folha de Respostas;
- Não existem dúvidas a serem esclarecidas. A interpretação de cada questão faz parte da Avaliação;
- Provas respondidas à lápis não terão direito a correção. Logo, faça a prova com caneta azul ou preta;
- Não é permitido compartilhar materiais didáticos;
- É permitido o uso de calculadoras científicas;
- *Seja o mais explícito possível para responder as questões;*

Questão 1: (Valor 2,0) Determine, se possível, o seguinte limite:  $\lim_{x \rightarrow 0} \left[ \frac{\sin(3x)}{(x+1)} \cdot \frac{(1+2x)^{\frac{1}{x}}}{(1+2x)^{\frac{1}{x}}} \right]$ .

Questão 2: (Valor 2,0) Analise a continuidade da seguinte função no ponto  $x = 2$ :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{(x-2)^2 + |x-2|^3}{(x-2)^2} & \text{se } x < 2 \\ 1 & \text{se } x = 2 \\ \frac{(x-2) + \sin(x-2)}{(x-2)} & \text{se } x > 2 \end{cases}$$

Questão 3: (Valor 2,0) Encontre os extremos relativos e absolutos da função de Gauss  $f(x) = e^{-x^2}$  no intervalo  $x \in [-1,1]$ .

Questão 4: (Valor 2,0) Calcule  $\int (x+1)^2 \sin(x+1) dx$ .

Questão 5: (Valor 2,0) Calcule o volume do corpo de revolução gerado pela rotação entorno do eixo OX da curva  $f(x) = e^x - 1$  no intervalo  $x \in [0, \ln(2)]$ .

---

Fórmulas:  $L = \int_a^\beta \sqrt{\left(\frac{dx}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy}{dt}\right)^2} dt$ ;  $L = \int_a^b \sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2} dx$ ;  $V_x = \pi \int_a^b [f(x)]^2 dx$ ;

$$\int \frac{dx}{x^2 - a^2} = \frac{1}{2a} \ln \left| \frac{x-a}{x+a} \right| + C, \quad a \neq 0;$$

$$\int \frac{dx}{x^2 + a^2} = \frac{1}{a} \operatorname{arctg} \left( \frac{x}{a} \right) + C, \quad a \neq 0;$$

$$\int \frac{dx}{\cos(x)} = \ln |\sec(x) + \tan(x)| + C; \quad \frac{1}{\cos(x)} = \sec(x);$$

$$A_x = 2\pi \int_a^b y \sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2} dx.$$

Calculus I TV4 VS 1/2015

$$(1) \lim_{n \rightarrow 0} \left[ \sin(3n) \frac{(1+2x)^{\frac{1}{2n}}}{(x+1)} \right] = L.$$

Sabendo que  $\lim_{n \rightarrow 0} (1+kx)^{\frac{1}{2n}} = e^k$  temos.

$$L = \left[ \lim_{n \rightarrow 0} \sin(3n) \cdot \lim_{n \rightarrow 0} (1+2x)^{\frac{1}{2n}} \right] \frac{1}{\lim_{n \rightarrow 0} (x+1)}$$

$$= \frac{\sin(3 \cdot 0) \cdot e^2}{(0+1)} = 0.$$

(2)  $\Rightarrow$  Q2 N3 TV2 2/2007

(3)  $\Rightarrow$  Q4 N1 TV1 2/2007

$$(4) \int (x+1)^2 \sin(x+1) dx \quad w = x+1 \Rightarrow dw = dx$$

$$= \int w^2 \sin w dw \quad \text{Integração por partes}$$

duas vezes.  $u=w^2 \Rightarrow du=2wdw$

$dV = \sin w dw$

$$= -w^2 \cos w - \int -2w \cos w dw$$

$$V = -\cos w$$

$$= -w^2 \cos w + 2w \sin w - \int 2 \sin w dw$$

$u = 2w \Rightarrow du = 2dw$

$dV = \cos w dw$

$V = \sin w$

$$= -\omega^2 \cos w + 2w \sin w - 2 \int \sin w dw$$

$$= -\omega^2 \cos w + 2w \sin w - 2(-\cos w) + C$$

$$= -\omega^2 \cos w + 2w \sin w + 2 \cos w + C$$

$$= -(\pi+1)^2 \cos(\pi+1) + 2(\pi+1) \sin(\pi+1) + 2 \cos(\pi+1) + C.$$

$$= \cos(\pi+1) \left[ 2 - (\pi+1)^2 \right] + 2(\pi+1) \sin(\pi+1) + C.$$

Q5)  $\Rightarrow$  04 N2 TV1 02/2007