

- 7.1. Uma *sequência de bits* é uma lista de 0 e 1. Quantas sequências de *bits* de comprimento k podem ser construídas?
- 7.2. Os aeroportos, embora tendo nomes, também possuem códigos de três letras. Por exemplo, o aeroporto que serve Baltimore é BWI, e o aeroporto em Mont Joli, Quebec, Canadá, tem o código YYY. Quantos códigos diferentes são possíveis?
- 7.3. O sistema de ventilação de um carro possui vários controles. O controle do ventilador tem quatro posições: desligado, baixo, médio e alto. A corrente de ar pode ser ajustada de modo a provir do chão, das aberturas ou através do degelador. O botão do condicionador de ar pode estar ligado ou desligado. O controle de temperatura tem as posições: frio, fresco, aquecido ou quente. E, por fim, o botão de recirculação pode estar ligado ou desligado.
De quantas maneiras diferentes podemos fixar esses vários controles?
Nota: Várias dessas configurações têm o mesmo efeito, pois nada acontece se o controle do ventilador estiver desligado. Todavia, o problema pede o número de posições diferentes dos controles, e não o número de diferentes efeitos de ventilação possíveis.
- 7.4. Meu *compact disc player* tem espaço para 5 CDs; há cinco bandejas numeradas de 1 a 5 nas quais coloco os CDs. Possuo 100 CDs.
a. De quantas maneiras o CD player pode ser carregado se todas as bandejas são ocupadas por CDs?
b. De quantas maneiras o CD player pode ser carregado se eu coloco apenas um CD na máquina?
- 7.5. O leitor tem três anéis diferentes, e usa todos eles, mas não mais de um anel em cada dedo, e nenhum nos polegares. De quantas maneiras o leitor pode usar seus anéis? (Admita que cada anel se ajuste em qualquer dedo.)
- 7.6. De quantas maneiras uma torre preta e uma torre branca podem ser colocadas em um tabuleiro de xadrez para que nenhuma esteja em posição de ataque à outra? (Em outras palavras, elas não podem estar ambas na mesma linha ou na mesma coluna do tabuleiro. O tabuleiro-padrão de xadrez tem 8×8 casas.)
- 7.7. As placas de licença de carros em certo estado dos Estados Unidos consistem em seis elementos: os três primeiros são letras maiúsculas (A-Z) e os últimos três são algarismos (0-9).
Quantas placas de licenças são possíveis?
Quantas placas de licença são possíveis se nenhum elemento pode ser repetido na mesma placa?
- 7.8. Um número de telefone (nos Estados Unidos e no Canadá) é composto por dez algarismos, em que o primeiro algarismo não pode ser nem 0 nem 1. Quantos números de telefone são possíveis?

- 7.9. Um número de inscrição no Seguro Social dos Estados Unidos é composto por nove algarismos. O(s) primeiro(s) dígito(s) pode(m) ser 0.
- Quantos números do Seguro Social são possíveis?
 - Quantos deles são pares?
 - Quantos têm todos os algarismos pares?
 - Quantos podem ser lidos igualmente para trás e para a frente (por exemplo, 122979221)?
 - Quantos não têm nenhum de seus algarismos igual a 8?

- Quantos têm ao menos um algarismo igual a 8?
- Quantos têm exatamente um 8?

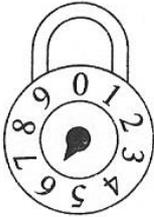
- 7.10. Um sistema de computador permite atribuir nomes aos arquivos utilizando qualquer combinação de maiúsculas (A-Z) e de algarismos (0-9), mas o número de caracteres no nome do arquivo deve ser no máximo oito (e deve haver ao menos um caractere no nome do arquivo). Por exemplo, X23, W, 4AA e ABCD1234 são nomes de arquivo válidos, mas W-23 e WONDERFUL não são válidos (o primeiro tem um elemento inadequado, e o segundo é demasiadamente longo).

Quantos nomes de arquivo diferentes são possíveis nesse sistema?

A palavra *caractere* (elemento) significa uma letra ou um algarismo.

- 7.11. Quantos números de cinco algarismos existem, que não tenham dois algarismos consecutivos iguais? Por exemplo, podemos considerar 12104 e 12397, mas não 6321 (não tem cinco algarismos) nem 43356 (tem dois 3 consecutivos).

Nota: O primeiro algarismo não pode ser 0.



- 7.12. Um cadeado tem os algarismos 0 a 9 dispostos em círculo em sua face. Uma combinação para esse cadeado tem comprimento de quatro algarismos. Em virtude da mecânica interna do cadeado, dois algarismos consecutivos na combinação não podem ser iguais nem ser adjacentes na face do cadeado. Por exemplo, 0-2-7-1 é uma combinação válida, mas nem 0-4-4-7 (algarismo 4 repetido) nem 3-0-9-5 (0-9 algarismos adjacentes) são combinações permitidas. Quantas combinações são possíveis?

- 7.13. Uma prateleira contém 20 livros. De quantas maneiras diferentes esses livros podem ser dispostos na prateleira?
- 7.14. Uma turma tem dez meninos e dez meninas. De quantas maneiras diferentes eles podem permanecer em fila se os sexos devem ser alternados (dois meninos e duas meninas não podem ficar juntos)?
- 7.15. Extraem-se quatro cartas de um baralho padrão de 52 cartas. De quantas maneiras isso pode ser feito se as cartas extraídas são todas diferentes (não há dois 5 nem dois valetes) e todas são de naipes diferentes? (Para esse problema, a ordem de extração das cartas tem importância: a extração de $A\spadesuit-K\heartsuit-3\diamondsuit-6\clubsuit$ não é a mesma que $6\clubsuit-K\heartsuit-3\diamondsuit-A\spadesuit$, mesmo que as mesmas cartas sejam selecionadas.